

# Col. Sec. N° 5027 "GRAL. JOSÉ DE SAN MARTÍN"

Central: Avda. Líbano N° 850 – Tel.4231848    Anexo: Avda. Independencia y Lanceros S/N – Tel. 4960618- 454651

Web: <https://www.colsanmartin.com>    Correo: colsanmartin5027@gmail.com



## PROYECTO DE RECUPERACION- COVID-19

### ESPACIO CURRICULAR: MATEMÁTICA

DOCENTES: CHUNGARA, Sonia, YAÑEZ, Silvia y MONTAÑEZ, Sandra.

CURSO: 4° Año    DIVISIONES: Todas    TURNO: Mañana- Tarde - Vespertino

### TRABAJO PRÁCTICO N° 6

Fecha: **DESDE 12/08**    **HASTA 24/08**

Responder las tareas al correo del docente según el turno, curso y división al que pertenezca

**Profesora:** CHUNGARA, Sonia

Curso: 4°\_ Div: 1°

Turno: Mañana

Correo: [profesoniachungara@gmail.com](mailto:profesoniachungara@gmail.com)

**Profesora:** YAÑEZ, Silvia

Curso: 4°\_ Div: 1°

Turno: Tarde y Vespertino.

Correo: [silvyanez68@gmail.com](mailto:silvyanez68@gmail.com)

**Profesora:** MONTAÑEZ, Sandra

Curso: 4°\_ Div: 2°

Turno: Vespertino.

Correo: [mabelmon32@gmail.com](mailto:mabelmon32@gmail.com)

**ATENCIÓN:** Responder las Actividades de esta guía con el siguiente **encabezado** al correo del docente **según el turno, división y fecha de presentación.**

Datos a completar por el/la alumno/a\_:

APELLIDO Y NOMBRE:

CURSO:    DIVISIÓN:    TURNO:

E-MAIL:

TELÉFONO:    (SEÑALAR: FIJO O MÓVIL)

### ACTIVIDAD PROPUESTA

#### TEMAS:



**OPERACIONES CON IRRACIONALES.**



**EXTRACCIÓN DE FACTORES DE UN RADICAL.**

# Col. Sec. N° 5027 "GRAL. JOSÉ DE SAN MARTÍN"

Central: Avda. Líbano N° 850 – Tel.4231848

Anexo: Avda. Independencia y Lanceros S/N – Tel. 4960618- 454651

Web: <https://www.colsanmartin.com>

Correo: colsanmartin5027@gmail.com



❖ Actividad 1: Leer en forma comprensiva el siguiente texto:

**RADICALES SEMEJANTES:** Dos o más radicales son semejantes si además de tener EL MISMO ÍNDICE, tienen el MISMO RADICANDO.

Ejemplos:  $4\sqrt[5]{3}$  y  $7\sqrt[5]{3}$       ó       $19\sqrt{7}$  y  $-5\sqrt{7}$

Para sumarlo o restarlo operamos con los factores que le anteceden escribiendo luego el mismo radical:

<p>a) <math>4\sqrt[5]{3} + 7\sqrt[5]{3} = 11\sqrt[5]{3}</math></p>	<p>Recordando que <math>\sqrt{3} = 1\sqrt{3}</math></p> <p>b) <math>\sqrt{3} + \sqrt{3} + \sqrt{3} = 3\sqrt{3}</math></p> <p><math>1\sqrt{3} + 1\sqrt{3} + 1\sqrt{3} = 3\sqrt{3}</math></p>	<p>Recordando que <math>\sqrt[5]{9} = 1\sqrt[5]{9}</math> ó</p> <p><math>-\sqrt[5]{9} = -1\sqrt[5]{9}</math></p> <p>c) <math>5\sqrt[3]{7} - \sqrt[3]{7} + 4\sqrt[3]{7} + \sqrt[3]{7} = 9\sqrt[3]{7}</math></p> <p><math>5\sqrt[3]{7} - 1\sqrt[3]{7} + 4\sqrt[3]{7} + 1\sqrt[3]{7} = 9\sqrt[3]{7}</math></p>
--	---	---

❖ Actividad 2. Realizar las siguientes operaciones teniendo en cuenta el marco teórico de la Actividad 1:

<p>a) <math>\sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2} =</math></p>	<p>d) <math>-\sqrt[3]{5} + 2\sqrt[3]{5} + 10\sqrt[3]{5} =</math></p>
<p>b) <math>-6\sqrt[3]{5} + 3\sqrt[3]{5} - 10\sqrt[3]{5} =</math></p>	<p>e) <math>-\sqrt[3]{11} - 3\sqrt[3]{11} + 5\sqrt[3]{11} + 9\sqrt[3]{11} =</math></p>
<p>c) <math>-8\sqrt[2]{2} - 6\sqrt[2]{2} - \sqrt[2]{2} =</math></p>	<p>f) <math>8\sqrt[6]{9} + 7\sqrt[6]{9} - 5\sqrt[6]{9} =</math></p>

❖ Actividad 3: Leer en forma comprensiva este marco teórico:

**RADICALES HOMOGÉNEOS:** Dos o más radicales son homogéneos si tienen el MISMO ÍNDICE.

Ejemplo:  $\sqrt[3]{7}$ ;  $\sqrt[3]{11}$ ;  $\sqrt[3]{2}$  son radicales homogéneos.

Para multiplicarlos o dividirlo, procedemos así:

Ejemplos:

<p>A) <math>(5\sqrt{2}) \cdot (3\sqrt{2}) = 5 \cdot 3 \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 15 \cdot \sqrt{2 \cdot 2} = 15 \cdot \sqrt{4} = 15 \cdot 2 = 30</math></p>	<p>B) <math>\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{5} \cdot \sqrt[3]{7} = \sqrt[3]{2 \cdot 5 \cdot 7} = \sqrt[3]{70}</math></p>
<p>C) <math>\frac{\sqrt[5]{64}}{\sqrt[5]{2}} = \sqrt[5]{\frac{64}{2}} = \sqrt[5]{32} = 5</math></p>	<p>D) <math>\frac{\sqrt[5]{7} \cdot \sqrt[5]{2}}{\sqrt[5]{3}} = \frac{\sqrt[5]{14}}{\sqrt[5]{3}} = \sqrt[5]{\frac{14}{3}}</math></p>

❖ Actividad 4. Realizar las siguientes operaciones teniendo en cuenta el marco teórico de la Actividad 3:

<p>a) <math>(9 \cdot \sqrt[6]{7}) \cdot (10 \cdot \sqrt[6]{7}) =</math></p>	<p>d) <math>(3 \cdot \sqrt[4]{2^3}) \cdot (5 \sqrt[4]{2^3}) =</math></p>
<p>b) <math>\frac{\sqrt[5]{2^3} \cdot \sqrt[5]{2^4}}{\sqrt[5]{2^7}} =</math></p>	<p>e) <math>\frac{\sqrt[3]{4^3} \cdot \sqrt[3]{4^4}}{\sqrt[3]{4^1}} =</math></p>
<p>c) <math>(2 \cdot \sqrt[8]{9}) \cdot (3 \sqrt[8]{9}) =</math></p>	<p>f) <math>(5 \cdot \sqrt[11]{6^5}) \cdot (3 \cdot \sqrt[11]{6^5}) =</math></p>

**Links que pueden ayudarte a entender y resolver los ejercicios propuestos:**

<https://www.youtube.com/watch?v=2HachLBuoZo>

<https://www.youtube.com/watch?v=DL3ITENNqOY>



# Col. Sec. N° 5027 "GRAL. JOSÉ DE SAN MARTÍN"

Central: Avda. Líbano N° 850 – Tel.4231848

Anexo: Avda. Independencia y Lanceros S/N – Tel. 4960618- 454651

Web: <https://www.colsanmartin.com>

Correo: colsanmartin5027@gmail.com



❖ Actividad 5: Leer en forma comprensiva el siguiente texto:

Si se introduce cada factor de este ejercicio  $2\sqrt[3]{4} + 3\sqrt[3]{4} - 5\sqrt[3]{4}$  en el radical, quedaría así:

$$2\sqrt[3]{4} + 3\sqrt[3]{4} - 5\sqrt[3]{4} = \sqrt[3]{4 \cdot 2^3} + \sqrt[3]{4 \cdot 3^3} - \sqrt[3]{4 \cdot 5^3} = \sqrt[3]{4 \cdot 8} + \sqrt[3]{4 \cdot 27} - \sqrt[3]{4 \cdot 125}$$

$$\sqrt[3]{32} + \sqrt[3]{108} - \sqrt[3]{500}$$

Y si se pidiera realizar esta operación:  $\sqrt[3]{32} + \sqrt[3]{108} - \sqrt[3]{500}$  al parecer no se podría hacerla.

Pero, sí es posible gracias a la extracción de factores de un radical (como se vio en prácticos anteriores) de esta forma:

Calcular el resultado de:  $\sqrt[3]{32} + \sqrt[3]{108} - \sqrt[3]{500}$

$\sqrt[3]{32} + \sqrt[3]{108} - \sqrt[3]{500} =$ $\sqrt[3]{2^3 \cdot 4} + \sqrt[3]{4 \cdot 3^3} - \sqrt[3]{4 \cdot 5^3} =$ $\sqrt[3]{2^3 \cdot \sqrt[3]{4}} + \sqrt[3]{\sqrt[3]{4} \cdot 3^3} - \sqrt[3]{\sqrt[3]{4} \cdot 5^3} =$ $2^{\frac{3}{3}} \cdot \sqrt[3]{4} + \sqrt[3]{4} \cdot 3^{\frac{3}{3}} - \sqrt[3]{4} \cdot 5^{\frac{3}{3}} =$ $2 \cdot \sqrt[3]{4} + \sqrt[3]{4} \cdot 3 - \sqrt[3]{4} \cdot 5 =$ $2 \cdot \sqrt[3]{4} + 3 \cdot \sqrt[3]{4} - 5 \cdot \sqrt[3]{4} = 0\sqrt[3]{4} = 0$	<p>Factorear:</p> <table border="1"> <tr><td>32</td><td>2</td></tr> <tr><td>16</td><td>2</td></tr> <tr><td>8</td><td>2</td></tr> <tr><td>4</td><td>2</td></tr> <tr><td>2</td><td>2</td></tr> <tr><td>1</td><td></td></tr> </table> <p><math>32 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2</math>  <math>32 = 2^3 \cdot 4</math></p>	32	2	16	2	8	2	4	2	2	2	1		<p>Factorear:</p> <table border="1"> <tr><td>108</td><td>2</td></tr> <tr><td>54</td><td>2</td></tr> <tr><td>27</td><td>3</td></tr> <tr><td>9</td><td>3</td></tr> <tr><td>3</td><td>3</td></tr> <tr><td>1</td><td></td></tr> </table> <p><math>108 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3</math>  <math>108 = 4 \cdot 3^3</math></p>	108	2	54	2	27	3	9	3	3	3	1		<p>Factorear:</p> <table border="1"> <tr><td>500</td><td>2</td></tr> <tr><td>250</td><td>2</td></tr> <tr><td>125</td><td>5</td></tr> <tr><td>25</td><td>5</td></tr> <tr><td>5</td><td>5</td></tr> <tr><td>1</td><td></td></tr> </table> <p><math>500 = 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5</math>  <math>500 = 4 \cdot 5^3</math></p>	500	2	250	2	125	5	25	5	5	5	1	
32	2																																						
16	2																																						
8	2																																						
4	2																																						
2	2																																						
1																																							
108	2																																						
54	2																																						
27	3																																						
9	3																																						
3	3																																						
1																																							
500	2																																						
250	2																																						
125	5																																						
25	5																																						
5	5																																						
1																																							

Rta: el resultado de  $\sqrt[3]{32} + \sqrt[3]{108} - \sqrt[3]{500} = 0$ .

❖ Actividad 6: realizar estas operaciones.

A)  $\sqrt[5]{2} + \sqrt[5]{64} + \sqrt[5]{486} =$  (solo factorear 64 y 486 porque 2 es un número primo)

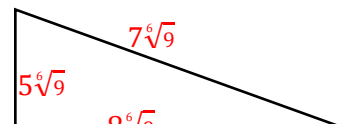
B)  $\sqrt{45} - \sqrt{20} + \sqrt{180} =$  (recordar que  $\sqrt{\quad}$  es  $\sqrt[2]{\quad}$ )

❖ Actividad 7: resolver esta situación problemática.

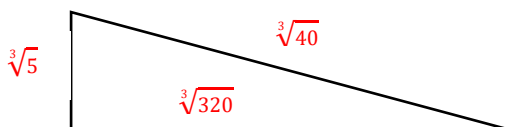
Si se pide calcular el perímetro de un triángulo escaleno si sus medidas son:

Es fácil porque todos son radicales semejantes, entonces solo se suma:  $8\sqrt[6]{9} + 7\sqrt[6]{9} + 5\sqrt[6]{9} = 20\sqrt[6]{9}$

**Respuesta:** el perímetro es  $20\sqrt[6]{9}$ .



Pero con lo que ya sabes, tú puedes calcular el perímetro de un triángulo escaleno si sus medidas son:



Ayuda: extraer factores de  $\sqrt[3]{40}$  y  $\sqrt[3]{320}$  al transformarlos en radicales semejantes, seguramente se parecerán a  $\sqrt[3]{5}$  al cual no se le puede extraer factores porque 5 es un número primo y quedaría como está).

👉 Links sugeridos que puedes consultar: <https://www.youtube.com/watch?v=2BVgn1wk5ko&t=47s>  
<https://www.youtube.com/watch?v=WL19g0YFRUQ>